

# 质点运动学&动力学

---

- 向量化, 记得表示成i, j形式
- 微积分化 $a = v \frac{dv}{dx}$
- 自然坐标系
  - 切向加速度 $a_t = \frac{d|v|}{dt}$
  - 法向加速度 $a_n = \frac{v^2}{\rho}$
  - 分解 $|a| = \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{a_n^2 + a_t^2}$
- 线量和角量的关系
  - $a_n = \frac{v^2}{R} = \omega^2 R$
- 伽利略变换
  - 绝对速度=牵连速度+相对速度
- 质点系牛二 (矢量式)
  - $F_{\text{合}} = Ma_{\text{质心}}$
- 非惯性系 (非惯性力) (电梯问题)
- 密舍尔斯基方程
  - $m \frac{dv}{dt} = F + u \frac{dm}{dt}$
  - 多了一项流动体对主体的作用力
  - 当F可忽略时, 速度变化量和m的对数成正比
- 势能
  - 当前点到零势能点
  - 保守力 $\vec{F} = -\text{grad}(E_p)$

# 刚体力学

---

- 转动惯量
  - $J = \int_{\Sigma} r^2 \rho d\sigma$
  - 平行轴定理 $J = J_c + md^2$
  - 垂直轴定理 $J_z = J_x + J_y$
- 转动定律 $M = \frac{dL}{dt} = J\beta$
- 机械能
  - 动能 $E_k = \frac{1}{2} J\omega^2 = \frac{1}{2} J_c\omega^2 + \frac{1}{2} mv_c^2$
  - 势能 $E_p = mgh_c$
- 刚体的角动量
  - 角动量 $L = J\omega$
  - 角动量和合力矩的关系 $M = \frac{dL}{dt}$ 
    - 当合力矩为0时, 角动量守恒

# 相对论

- 洛伦兹变换

$$\begin{cases} x' = \frac{x-ut}{\sqrt{1-(\frac{u^2}{c^2})}} \\ y' = y \\ z' = z \\ t' = \frac{t-\frac{ux}{c^2}}{\sqrt{1-(\frac{u^2}{c^2})}} \end{cases}$$

- 尺缩  $l = l_0 \sqrt{1 - (\frac{u^2}{c^2})}$
- 钟慢  $t = \frac{t}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}}$
- 质速关系  $m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}}$
- 质能方程  $E = mc^2$ 
  - 动能  $E_k = E - m_0c^2 = m_0c^2(\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} - 1)$

# 简谐振动

- 求简谐运动方程的一般方法
  - 分析平衡状态
  - 分析偏离平衡状态x时的加速度与位移关系
  - $a = -\omega^2 \cdot x$

- 旋转矢量图

- $A = (x_0^2 + \frac{v_0^2}{\omega^2})^{1/2}$
  - $\tan \phi = -\frac{v_0}{x_0\omega}$

- 简谐运动能量守恒

- $\frac{1}{2}kx^2 + \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}mv_m^2$
  - 注意势能零点选在平衡位置

- 振动合成

- 同向同频

- 振幅  $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\phi_1 - \phi_2)}$

- 相位  $\phi = \frac{A_1 \sin \phi_1 + A_2 \sin \phi_2}{A_1 \cos \phi_1 + A_2 \cos \phi_2}$

- 同向不同频

- 振幅相同

- 拍( $\omega_1 + \omega_2$ 和 $\omega_1 - \omega_2$ 相差很大才有拍的效果, 通常使用和差化积之后算出两个周期进行分析)

- $\omega = \frac{|\omega_1 - \omega_2|}{2}$

# 波

- 相位
  - $\Phi(x, t) = \omega(t - \frac{x}{u}) + \phi$
  - 向正方向传播为-, 负方向传播为+
- 能量
  - 波强  $I = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2 u$
- 波的干涉
  - 干涉条件
    - 频率相同
    - 有恒定的相位差
  - 干涉
    - 和差化积 (和时间无关的部分就是振幅)
    - 判断相位差
- 多普勒效应
  - $\nu' = \frac{u+v_R}{u-v_S} \nu$
  - 计算移动反射面反射频率时, 应考虑到二次多普勒效应

# 分子动理论

- 理想气体状态方程  $pV = \nu RT$
- 压强  $p = nkT$
- 分子平均动能  $\epsilon_k = \frac{i}{2} kT$   
分子平均平动动能  $\epsilon_t = \frac{3}{2} kT$
- 理想气体内能  $E = N\epsilon_k = \frac{i}{2} NkT = \frac{i}{2} \nu RT = \frac{i}{2} pV$
- 速率分布函数
  - $f(v) = \frac{dN}{Ndv}$
  - $P(v_1 \leq v \leq v_2) = \int_{v_1}^{v_2} f(v) dv$
  - $N = P * N_0$
- 麦克斯韦速率分布
  - $v_p$  最概然速率  $\sqrt{2}$ ,  $\frac{df(v)}{dv} = 0$  处的  $v_p$
  - $\bar{v}$  平均速率  $\sqrt{\frac{8}{\pi}}$ ,  $\int_0^\infty v f(v) dv$
  - $\sqrt{\bar{v}^2}$  方均根速率  $\sqrt{3}$ ,  $[\int_0^\infty v^2 f(v) dv]^2$
  - $\sqrt{\frac{kT}{\mu}} = \sqrt{\frac{RT}{M}}$ , 标准状态 273K,  $M$  的单位要从  $g \cdot mol^{-1}$  变成  $kg \cdot mol^{-1}$
- 平均碰撞频率/平均自由程 ( $n$  为分子数密度)
  - 平均碰撞频率  $\bar{Z} = \sqrt{2} \pi d^2 n \bar{v}$
  - 平均自由程  $\lambda = \frac{\bar{v}}{\bar{Z}} = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n}$

# 热力学

- 热力学第一定律:  $\Delta E + (-A) = Q$
- $-A = \int_{V_1}^{V_2} p dV$
- $\Delta E = \frac{i}{2} \nu R \Delta T = \frac{i}{2} \Delta(pV)$
- $dS = \frac{dQ}{T}$ , 与路径无关, 选取最好算的路径计算

物理量	等体过程	等压过程	等温过程	绝热过程
过程方程	$\frac{p}{T} = C$	$\frac{V}{T} = C$	$pV = C$	$pV^\gamma = C$
$-A$	0	$p(V_2 - V_1) = \nu R \Delta T$	$\nu RT \ln \frac{V_2}{V_1}$	$-\Delta E = \frac{\Delta(pV)}{1-\gamma}$
$\Delta E$	$\frac{i}{2} \nu R \Delta T$	$\frac{i}{2} \nu R \Delta T$	0	$\frac{i}{2} \nu R \Delta T = \frac{\Delta(pV)}{\gamma-1}$
$Q$	$\frac{i}{2} \nu R \Delta T$	$(\frac{i}{2} + 1) \nu R \Delta T$	$\nu RT \ln \frac{V_2}{V_1}$	0
$C_m$	$C_{m,V} = \frac{i}{2} R$	$C_{m,p} = (\frac{i}{2} + 1) R$	$\infty$	0
$\Delta S$	$\nu C_{V,m} \ln \frac{T_2}{T_1}$	$\nu C_{p,m} \ln \frac{T_2}{T_1}$	$\nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$	0

- 效率
  - 热机效率  $\eta = \frac{-A}{Q_{\text{吸}}}$ , 一般用  $1 - \frac{Q_{\text{放}}}{Q_{\text{吸}}}$  计算
    - 卡诺热机  $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$
  - 制冷机效率  $\eta = \frac{Q_{\text{吸}}}{A}$ 
    - 卡诺制冷机  $\eta = \frac{T_1}{T_2 - T_1}$
- 不可逆过程熵变不可以根据过程直接计算, 应根据始末状态选取可逆路径计算

# 电场

- 库仑定律  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$
- 叠加原理
- 矢量分解+对称性
- 高斯定律

$$\frac{Q}{\epsilon_0} = \Phi_E$$

闭合曲面上的电通量(单位:  $N \cdot m^2 / C$ ) =  $\frac{\text{曲面内部的净电量}}{\epsilon_0}$

$$\text{其中 } \Phi_E = \oiint_S \vec{E} \cdot \vec{n} dS$$